低拘束圧条件下における密度の異なる豊浦砂試料の要素試験と その数値シミュレーション

Elemental tests on Toyoura sand with different densities under lower confining pressure and its numerical simulation

白井勇有¹,細谷旭弘², 顧淋淋¹,岩井裕正¹,張鋒¹

1 名古屋工業大学・大学院・社会工学専攻・E-mail: cho.ho@nitech.ac.jp

2 株式会社大林組(旧所属:名古屋工業大学・大学院・創成シミュレーション工学専攻)

概 要

地盤の液状化挙動を正確に予測するため、精巧な構成式に基づいた数値解析の研究が必要不可欠である。本研究では、 実験および数値解析のどちらにおいても十分に議論がされていない低拘束圧条件下(*d*_{m0}≦49kPa)の密度の異なる豊浦 砂試料に着目し、液状化特性を含めた砂の力学特性を把握するための排水・非排水単調載荷試験および繰返し三軸試験を 実施した。また、過圧密・構造・応力誘導異方性を統一的に表現可能な弾塑性構成式 Cyclic Mobility model を用いて実験 結果の再現解析を行い、低拘束圧条件下における砂の力学挙動の表現を試みた。さらに、拘束圧が非常に小さい場合、高 さ 100mmの供試体の自重の影響を、境界値問題として考え、土・水連成有限要素解析プログラム DBLEAVES を用いて その影響を検証した。

キーワード:砂質土,拘束圧,液状化

1. はじめに

地震被害の1つである地盤の液状化対策を施すために, 地震時および地震後の地盤挙動を正確に予測することが 重要な課題である。液状化のメカニズムを把握するための 要素・模型試験や数値解析は以前から数多く実施されてき た。近年では、液状化を表現する各種要素試験や液状化も 含めた弾塑性構成式の提案,有限要素法による数値解析手 法の開発が多くなされている。しかし、繰返し載荷による 地盤の変形挙動は極めて複雑であり,それを数値解析で精 度よく表現することはまだ十分とは程遠い。繰返し載荷ま たは単調載荷による地盤内の挙動を精度よく表現するた めに必要な条件の1つとして、まず、各種拘束圧条件下に おける砂の力学挙動を実験的に把握することが求められ ている。さらに、その実験結果に基づき、数値解析では、 種々の拘束圧条件における砂の力学挙動を統一的に再現 可能であるモデルの構築が必要とされる。その中で本研究 グループはこれまで種々の境界条件および応力条件下で 低拘束圧~中拘束圧領域の砂の液状化挙動の解明に努め てきたが,低拘束圧条件の場合メンブレンの張力が実験結 果に影響することを突き止めた¹⁾。そこで本稿では、厚さ 0.20mm より薄い 0.15mm のラテックス製のメンブレンを 用いて砂質土の非排水繰返し三軸試験及び排水・非排水変 位制御単調載荷三軸試験を低拘束圧環境下で実施し、メン ブレンの影響を考察し、液状化挙動及び力学挙動を正確に 把握することに努めた。また、試験結果に基づき、過圧密・ 構造・応力誘導異方性の概念を導入した砂の弾塑性構成式 Cyclic Mobility model²⁰の要素シミュレーション、低拘束圧 環境下において供試体が受ける自重の影響を考慮するた めに土・水連成有限要素解析プログラム DBLEAVES³⁰を用 いて実験結果の再現を試みた。

2. 排水·非排水単調載荷三軸試験

2.1 試験概要

本試験では,緩い砂及び中密な砂を対象に動的・静的制 御切り替え可能な三軸試験機を用いて排水・非排水単調載 荷三軸試験を行った。実験には豊浦砂を試料とした直径 50mm,高さ10mmの円柱供試体を使用した。表1に豊浦 砂の物理特性を示す。供試体は水中落下法で作製し,突固 めなしの緩詰供試体と3層に分けて15回ずつ突固めした 中密供試体を用意し,それぞれ初期拘束圧を5kPa,10kPa, 20kPaの3種類として実験を行った。載荷速度は全試験統 ーし圧縮方向に0.04%/minとした。また、メンブレンの余 分の補強効果をできるだけ減らすために、本試験では非常 に柔らかい厚さ0.15mmのラテックスメンブレンを用いた。

衣 I 豆佣砂奶运行住					
土粒子の比重 $G_{\rm s}$	2.65	最大間隙比 emax	0.975		
最大粒径(mm)	0.425	最小間隙比 e_{\min}	0.609		
最小粒径(mm)	0.102	均等係数 Uc	1.65		

表1豊浦砂の物理特性

2.2 試験結果

2.2.1 排水試験結果

排水単調載荷三軸試験の結果を図1,試験条件を表2に 示す。なお、グラフの縦軸は軸差応力*q*を初期平均有効応 力*p*で除した応力-ひずみ関係である。

図1は、排水条件における応力-ひずみ関係の試験結果 である。(a)の緩詰,(b)の中密どちらにおいても全ての拘 束圧において軸差応力,体積ひずみ共にほぼ同じになって おり,その後軸差応力の増減が安定したため供試体が限界 状態に達したと考えられる。また、体積ひずみは一度圧縮 し、その後膨張しており、共に正のダイレイタンシーを示 していることがわかった。これは以下のことが原因である と考えられる。排水条件の緩詰は通常拘束圧条件下では、 本来圧縮していく負のダイレイタンシーを示すが、本研究 では拘束圧が小さい低拘束圧条件下であるため同程度の 間隙比でも砂が過圧密のような状態となり、砂が密の挙動 を示したことが原因ではないかと考えた。そして、体積変 化の変化量がほぼ同じであることから、初期拘束圧の違い による体積変化量の有意な差はないと考えられる。

次に,図 1(a)の緩詰と(b)の中密の応力-ひずみ関係の図 を比較すると,緩詰は軸差応力が上昇し,その後安定する 一方中密では,軸差応力が最大値まで増加した後減少し, 緩い砂と同じ応力値で安定するピーク強度を示す結果と なった。

Sample	Loose			М	edium der	ise
σ'_{m0} (kPa)	5	10	20	5	10	20
e ₀	0.90	0.85	0.90	0.74	0.76	0.73
Dr (%)	20	35	21	66	60	67

表2 図1の試験冬件







(b) 中密 図1 排水単調三軸試験結果

2.2.2 非排水試験結果

非排水単調載荷三軸試験の結果を図2(有効応力経路: (a)(b),試験条件を表3に示す。なお,限界状態の応力比 を*M=q/p*'=1.3として図2(a)(b)にプロットしている。

図 2 より, (a)の緩詰, (b)の中密のどちらにおいても全 ての拘束圧において非排水条件のため載荷直後から有効 応力が減少し, やがて限界状態となり, その後は有効応力 が増加に転ずることがわかった。

次に,図(a)の緩詰と(b)の中密の図を比較すると,同じ 初期拘束圧では中密の試験ケースよりも緩詰の試験ケー スの方が載荷直後から限界状態に達するまでの平均有効 応力の減少量が大きいことがわかる更に,拘束圧が大きく, 初期間隙比が小さい,つまり中密の方が圧縮強度は大きく なることがわかった。

表3 図2の試験条件						
Sample	Loose Medium dense					ise
σ'_{m0} (kPa)	5	10	20	5	10	20
eo	0.90	0.89	0.85	0.73	0.73	0.73
<i>D</i> r (%)	21	24	35	69	67	67





3. 非排水繰返し三軸試験

3.1 試験概要

緩詰供試体および中密供試体を対象に,単調三軸試験と 同様の初期拘束圧 (5kPa, 10kPa, 20kPa),異なる繰返し 応力比 ($q/2\sigma'_{m0}$ =0.15, 0.20, 0.25)において非排水繰返し 三軸試験を行った。なお,動的載荷周波数は全ての試験ケ ースで 0.01Hz の正弦波を与えた。また,表4の DA=5%, DA=10%は供試体の両振幅ひずみが5%,10%に達するまで の繰返し載荷回数である。両振幅ひずみが10%に達するまで の繰返し載荷回数が200回に達した場合,試験終了としてい る。厚さ 0.15mm のメンブレンを今回用いて行った試験を 行うことで低拘束圧環境下における正確な豊浦砂の力学 挙動,液状化特性の把握に努めた。なお,本稿では,初期 拘束圧 σ_{m0} =5, 20kPa,繰返し応力比 $q/2\sigma_{m0}$ =0.20におけ る緩詰と中密な砂の試験結果のみ記載する。

供試体		緩詰			中密	
$\sigma'_{\rm m0}$ (kPa)	5	10	20	5	10	20
<i>e</i> ₀	0.86	0.85	0.90	0.74	0.74	0.73
Dr (%)	31	35	31	65	64	67
DA=5%	1.36	0.61	0.61	5.14	2.59	3.17
DA=10%	3.30	0.64	0.62	—	6.05	5.03

表4 試験条件

3.2 試験結果

図 3~図 6 の(a)に有効応力経路, (b)に応力-ひずみ関係 を示す。

まず, 緩詰の試験結果について考察する。図 3(a)(b)より, 初期拘束圧 5kPa では,有効応力経路において液状化後の 剛性の回復がわずかに圧縮方向に偏っており,応力-ひず み関係においても圧縮方向に偏って軸ひずみが発達する ということがわかった。また,軸差応力が増減を繰返すサ イクリックモビリティの挙動を一度も示さずに液状化す るということがわかった。一方,図 4(a)より,初期拘束圧 が20kPaの有効応力経路に着目すると、サイクリックモビ リティの挙動を一度示してから伸張側で急激に有効応力 が減少し、液状化することがわかった。また、図4(b)より、 応力-ひずみ関係ではどちらの初期拘束圧条件でも軸ひず みが圧縮方向、伸張方向の両方に発達し、初期拘束圧5kPa よりも軸ひずみの発達が大きいということがわかった。さ らに表4より、初期拘束圧が大きい20kPaの方がDA=5%、 DA=10%の値は小さくなることがわかった。

次に、中密な砂の試験結果について考察する。図 5,6(a) の有効応力経路の図に着目すると、初期拘束圧 5kPa,20kPa は両方共伸張方向において平均有効応力が急激に減少し て、液状化するということがわかった。また、図 5,6(b) に着目すると、初期拘束圧が大きい 20kPa は軸ひずみの発 達が大きいということがわかった。

以上より,低拘束圧条件では,拘束圧が小さいほど軸ひ ずみの発達が小さい。また,図3(a)より,拘束圧が極端に 低い5kPaの場合は軸ひずみが圧縮側に発達していること は伺えるが、それはメンブレンの影響が原因と考えられる。 また,表4より,初期拘束圧が小さいほどDAの値が大き くなる傾向は緩詰、中密供試体を問わず概ね見られるが、 試験ケースを増やしてさらなる検証が必要である。





4. 要素シミュレーション

本章では、Cyclic Mobility model²⁾を用いて動的および静 的三軸試験を要素シミュレーションで表現した結果につ いて述べる。既往の研究より、低拘束圧において要素シミ ュレーションを実施し、緩い砂の軸ひずみの過剰な発達を 抑えるために、過圧密の発展則 R に新たなフィッテングパ ラメータ (α_1 , α_2)を導入した¹⁾。その際、 α_1 , α_2 も含め た全てのパラメータを統一 (α_1 =1.0, α_2 =1.5)して解析を 行った。その結果、解析結果を定性的に実験値に近づける ことはできたが、定量的にはまだ困難であった。そこで本 稿では、 α_1 , α_2 の感度分析を実施した。解析に使用した材 料パラメータを表5に示す。材料パラメータは通常拘束圧 (σ'_{m0} =196kPa)の要素試験結果からトライ&エラーによ り決定したものである。過圧密の発展則 R は以下の式より 導出した。

$$f = \ln \frac{p}{\tilde{p}_0} + \ln(\frac{M^2 - \zeta^2 + \eta^2}{M^2 - \zeta^2}) + \ln R^* - \ln R - \frac{1 + e_0}{\lambda - \kappa} \mathcal{E}_{\nu}^{p} = 0$$
(1)
$$\partial f \qquad \partial f \qquad 1 + e_0$$

$$df = \frac{\partial g}{\partial \sigma_{ij}} d\sigma_{ij} + \frac{\partial g}{\partial \beta_{ij}} d\beta_{ij} + \frac{1}{R^*} dR^* - \frac{1}{R} dR - \frac{1+e_0}{\lambda-\kappa} d\varepsilon_{\nu}^{P} = 0$$
(2)

$$dR = -\frac{(1+e_0)mM}{\lambda-\kappa} \left\{ \frac{(p/p_0)^2}{(p/p_0)^2+1} \right\}^2 \ln R \left\| d\varepsilon_{ij}^{p} \right\| + \left[R \frac{\eta}{M} \frac{\partial f}{\partial \beta_{ij}} d\beta_{ij} \right]$$
(3)

フィッテングパラメータ (α_1, α_2)を以下のように加える。

$$dR = -\frac{(1+e_0)mM}{\lambda - \kappa} \left\{ \frac{(p/p_0)^2}{(p/p_0)^2 + 1} \right\}^2 \left| \ln R \right|^{\alpha_2} \left\| d\varepsilon_{ij}^p \right\|$$

$$+ \left[R \frac{\eta}{M} \frac{\partial f}{\partial \beta_{ij}} d\beta_{ij} \right] \alpha_1$$
(4)

表5 材料パラメータ

Material Parameters	Toyoura Sand
Compression index λ	0.050
Swelling index κ	0.0064
Stress ratio at critical state M	1.300
Void ratio N ($p'=5$ kPa onN.C.L)	1.02
Poisson's ratio v	0.300
Degradation parameter of overconsolidation state m	0.010
Degradation parameter of structure a	0.500
Evolution parameter of anisotropy b_r	1.500
Fitting parameter α_1	variable
Fitting parameter α_2	variable

4.1 解析結果

状態変数を表 6 および表 7, 感度分析結果を表 8, 解析 結果を図 7~図9((1):非排水繰返し三軸試験(2):排水・ 非排水単調試験)に示す。状態変数は Asaoka⁴および Hashiguchi⁵より,非常に緩い砂から振動圧縮,等方圧密を 要素シミュレーションで実施して間隙比を算定した。その 後,実験の間隙比と近い値を解析に使用した。なお,繰返 し応力比は全て 0.20 であり,本稿では緩詰の解析結果の み掲載する。

図7(1)より,拘束圧5kPaの場合,液状化に至るまでの 繰返し載荷回数が多く,軸ひずみが伸張方向に大きく発達 する。図7(2)より,排水条件では,限界状態の到達が試験 の結果よりも速いため,軸差応力のピークの発現および体 積膨張が小さい。また,非排水条件では載荷初期における 有効応力の減少経路が急勾配である。単調三軸試験におけ るこれらの傾向は拘束圧が10kPa(図8(2))および20kPa

(図 9(2))の場合でも同様である。拘束圧 10kPa の場合, 図 8(1)より,液状化に至るまでの繰返し載荷回数は多いが, 軸ひずみは定量的および定性的に表現できている。これは 拘束圧が 20kPa の場合(図 9(1))においても同様である。 なお,本稿には記載してないが,中密な砂でも繰返しおよ び単調三軸試験の解析結果は緩詰と同様の傾向を示した。

続いてパラメータ α_1 , α_2 について考察する。表8から, 非排水繰返し三軸試験では α_1 の値を変えても解析結果に 有意な差が無いということがわかった。 α_2 の値を大きくし た方が解析結果の有効応力経路のサイクリックモビリテ ィの挙動が少し多くなり,応力-ひずみ関係において,軸 ひずみの過剰な発達を防ぐことができるということがわ かった。また,緩詰で拘束圧が大きいほど α_2 の値も大きく なる傾向が得られた。単調三軸試験においては,排水条件 によらず α_1 , α_2 の値に一意的な関係は得られなかった。

以上より, α_1 , α_2 の値を試験条件毎に変えて感度分析を 行うことにより, α_1 , α_2 の特性を把握することができた。 しかし,試験条件によらず統一的に表現可能な構成式を提 案するためにさらなる改良が必要である。

表6 状態変数(Loose)

$\sigma'_{ m m0}$ (kPa)	е	R_0^*	$OCR (1/R_0)$	50	Specimen
5	0.865	0.285	122.127	0.0769	
10	0.832	0.288	116.813	0.00869	Loose
20	0.879	0.212	24.652	0.00102	

表7 状態変数(Medium dense)

$\sigma'_{ m m0}$ (kPa)	е	R_0^*	OCR $(1/R_0)$	ζ_0	Specimen
5	0.745	0.422	1308.49	0.0258	Medium
10	0.766	0.365	412.218	0.00938	dense
20	0.742	0.366	327.439	0.00214	uclise

Load σ'_{m0}	Lo, CCU	Lo, MCU	Lo, MCD		
5kDa	$\alpha_1 = 1.0$	$\alpha_1 = 2.0$	$\alpha_1 = 0.1$		
JKF a	α ₂ =1.5	$\alpha_2 = 1.0$	$\alpha_2 = 3.0$		
10kPa	$\alpha_1=1.0$	$\alpha_1=2.0$	$\alpha_1=0.1$		
10KI d	$\alpha_2 = 2.0$	$\alpha_2 = 1.0$	$\alpha_2 = 3.0$		
201/Po	$\alpha_1=1.0$	$\alpha_1 = 1.0$	$\alpha_1=2.0$		
ZUKPa	$\alpha_2 = 4.0$	$\alpha_2 = 1.0$	$\alpha_2 = 5.0$		

表8 感度分析結果

(*Lo :緩い砂,	CCU:非捷	非水繰返し三軸試験,	MCU:非排水単調載荷三
	軸試験,	MCD:排水単調載荷	三軸試験)





図7 解析結果 ($\sigma_{m0}=5$ kPa, Loose)





5. 有限要素解析

拘束圧が 5kPa の低拘束圧条件において,供試体はそれ 自身の自重により拘束圧の不均一性が生じてしまう。供試 体上部と下部の差は 1kPa で,その 1kPa は拘束圧 5kPa の 20%にあたりとても大きい。そこで,拘束圧 5kPa の自重 の影響を検証するために DBLEAVES³⁾を用いて実施した 単調圧縮および繰返し三軸試験の有限要素解析について 述べる。

5.1 解析条件

使用した材料パラメータおよび状態変数は表 5, 6, 7 と 同様の数値を用いた。また,供試体上面の全ての節点に対 して等変位境界を設け,供試体底面の全ての節点を鉛直方 向に対して固定した。さらに,供試体の回転を抑制するた め, 2D は底面の中央1節点, 3D は底面中央1節点および 底面端1節点を全ての方向に対して固定した。また,上面, 底面および側面の摩擦は考慮せず,計算時間間隔は,1ス テップあたり繰返し載荷は0.01秒,単調載荷は3.0秒であ る。繰返し載荷は繰返し応力比 0.20 および載荷周波数 0.01Hz,単調載荷は圧縮方向に載荷速度0.04%/minで,軸 ひずみが20%に達するまで実施した。排水条件は,繰返し 三軸試験は非排水,単調三軸圧縮試験は排水・非排水の状 態で解析を実施した。



図10 二次元解析および三次元解析メッシュ

5.2 解析結果

本節では,解析結果について述べる。解析結果は図 10 に示す断面の要素データを平均化したものである。

5.2.1 非排水繰返し三軸試験の解析結果

緩詰の断面平均の解析結果を図 11, 中密なものを図 12, それぞれの全体の要素データを平均化して比較した場合 のものを図 13 に示す。図 11, 12 の(1), (2)はそれぞれ上 端部・下端部の断面平均の有効応力経路,応力-ひずみ関 係を示し,図 13(1)(2)はそれぞれ緩詰,中密供試体におけ る応力-ひずみ関係を示す。

まず,緩詰供試体の解析結果について考察する。図 11(1)(2)より,自重を考慮した場合,供試体下部ほど有効 応力の減少量が小さい。また,供試体上部では圧縮方向と 伸張方向共に軸ひずみが発生するのに対して,供試体下部 では主に圧縮方向に集中する。これらの傾向は図 12(1)(2) に示す中密な砂の場合でも同様である。

次に,全ての要素データを平均化した場合について考察 する。図 13(1)(2)より,軸ひずみの発達は定性的に同様の 傾向を示すが,定量的には差が見られた。

以上より,繰返し三軸試験において,自重を考慮した場合,供試体の位置により有効応力経路および軸ひずみの発 達が異なることがわかった。





図12 解析結果 (Medium dense, 2D)



5.2.2 排水・非排水単調載荷三軸試験の解析結果

解析結果を図 14(1)(2)および図 15(1)(2)に示す。図 14 の (1),(2)はそれぞれ排水条件で緩詰の上端部・下端部の断 面平均の体積ひずみ-軸ひずみ関係,応力-ひずみ関係を示 し,図 15(1)(2)はそれぞれ非排水条件で緩詰の上端部・下 端部の応力-ひずみ関係と有効応力経路を示す。

まず,排水条件の解析結果について考察する。図14(1)(2) より,自重を考慮した場合と考慮しない場合を比較すると, 供試体上部および下部のどちらにおいても軸差応力のピ ーク,応力-ひずみ関係および体積膨張-軸差ひずみ関係に おいて差は見られない。

次に,非排水条件について考察する。図 15(1)(2)より自 重を考慮する場合と考慮しない場合を比較すると,供試体 上部および下部のどちらにおいても応力-ひずみ関係にお いて同様の傾向を示す。また,有効応力経路において供試 体下部ほど載荷初期の平均有効応力に違いが見られるが, 限界状態到達後は同様の挙動を示す。なお,本稿では掲載 していないが,排水および非排水条件におけるこれらの傾 向は中密な砂の場合でも同様である。

以上より,単調載荷三軸試験の解析結果において自重を 考慮した場合と考慮しない場合を比較すると,供試体の位 置によらず力学挙動に定量的および定性的に大きな差は 見られないことがわかった。



(1)Upper



(2)Lower 図14 解析結果 (Loose, drained, 3D)



図15 解析結果 (Loose, undrained, 3D)

6. 結論

本稿では、十分に議論がされていない低拘束圧条件下の 密度の異なる豊浦砂の排水・非排水単調載荷試験および繰 返し三軸試験を実施した。また、弾塑性構成式 Cyclic Mobility model を用いて実験結果の再現解析を行い、砂の 力学挙動の表現を試みた。さらに、拘束圧が 5kPa の場合 の供試体自重の影響を、境界値問題として捉え、土・水連 成有限要素解析プログラム DBLEAVES を用いてその影響 を検証した。

 排水条件の単調載荷三軸試験より、緩い砂においても 正のダイレイタンシーを確認した。これより、同じ間隙 比において拘束圧が小さいほど砂がより密な挙動を示 すことが考えられる。また、軸ひずみが20%でも体積膨 張し続けていることから、限界状態にはまだ到達してい ないと考えられるため、今後せん断レンジを増やして検 証していきたい。

2) 非排水繰返し三軸試験より、拘束圧が小さいほど両振幅ひずみの発達に要する載荷回数が多くなる傾向が得られた。

3) Cyclic Mobility model の発展則に新しいフィッティ ングパラメータ (α_1 , α_2)を導入し,感度分析を行った。 その結果,繰返し三軸試験では α_2 の値が解析結果に大き な影響を与えることがわかった。また、単調載荷三軸試 験では試験条件によらず試験結果よりも早く限界状態 に達するため,限界状態の挙動は表現することができな かった。

4) 有限要素解析を用いた結果,非排水繰返し三軸試験で は供試体の位置により、軸ひずみの発達度合いに多少の 違いがあったため、全ての要素の平均値を要素データと みなして比較すると定量的には差があるが、定性的に有 意な差は見られなかった。また、排水・非排水単調載荷 三軸試験は緩詰供試体と中密供試体のどちらも供試体 の位置によらず有意な差はなかった。以上より、拘束圧 5kPa における三軸試験は要素試験とみなすことができ る。

参考文献

- 細谷旭弘:低拘束圧環境下の砂の力学特性に関する研究,第 26回中部地盤工学シンポジウム,2014.
- Zhang, F., Ye, B., Noda, T., Nakano, M. and Nakai, K.: Explanation of cyclic mobility of soils: approach by stress-induced anisotropy, Soils and Foundations, Vol.47, No.4, pp635-648, 2007.
- Ye, B., Ye, G, Zhang, F. and Yashima, A.: Experiment and numerical simulation of repeated liquefaction-consolidation of sand, Soils and Foundations, Vol.47, No.3, pp547-558, 2007.
- Asaoka A: Consolidation of clay and compaction of sand, Keynote lecture, Proc. of the 12th Asian Regional Conference of Int. Society for Soil Mechanics and Geotechnical Engineering, Singapore, Leung et al. (eds), Vol.2, 2003.
- Hashiguchi, K.: Subloading surface model in unconventional plasticity, Int. J. of Solids and Structures, Vol.25, 917-945, 1989.